



سال گذشته با الگوهای ساده‌ای آشنا شدید. یاد گرفتید رابطه‌ی بین عده‌ها و شکل‌هایی مثل این ستاره‌ها را به دست آورید و آن‌ها را ادامه دهید.



امسال قرار است این کار را کمی پیشرفته‌تر یاد بگیریم. بهتر است قبل از شروع درس، «تعریف الگو» را با هم مرور کنیم:



هر وقت چند عدد یا چند شکل طبق قانون خاصی، دنبال هم و یا پشت سر هم قرار بگیرند، الگو به وجود می‌آید.

در این درس، هدف ما کشف همان «قانون خاص» برای ادامه‌دادن الگوهای است. به این کار **الگویابی** می‌گوییم. الگویابی یکی از روش‌های **حل مسئله** است. درس را با مثالی ساده، از سال قبل، شروع می‌کنیم:

یافتن قانون این الگو و عده‌های بعدی بسیار آسان است. با محاسبه و شمارشی کوتاه فهمیدیم، در این الگوی عددی، عده‌ها ۵ تا ۵ تا جلو رفته‌اند.

اما هنگامی که عده‌های الگو با اختلاف خیلی زیادی، بیشتر یا کمتر شوند هم، می‌توانیم از شمارش یا انگشت‌هایمان استفاده کنیم؟ هرگز!!! راه آسان‌تر و سریع‌تری را پیشنهاد می‌کنم:

ابتدا هر دو عدد پشت سر هم را با فلش رو به جلو به هم مربوط می‌کنیم. اگر عده‌ها زیاد شده بودند روی فلش‌ها علامت (+) و اگر عده‌ها کم شده بودند، روی فلش‌ها علامت (-) می‌گذاریم. حالا باید عدد کنار + و - را پیدا کنیم. این عدد، همان اختلاف دو عددی است که با فلش به هم وصل کردیم. برای پیداکردن این اختلاف، باید آن‌ها را از هم کم کنیم. این مراحل برای هر دو عدد پشت سر هم تا جایی که الگو به ما عده‌ها را داده است، باید انجام شود.

۱۵, ۲۲, ۲۹, ..., ...

الگوی رو به رو را ادامه دهید و اعداد خواسته شده را بنویسید.

$$15, 22, 29, 36, 43$$

$$+7 \quad +7 \quad +7 \quad +7$$

حتماً متوجه شدید که از ۱۵ تا ۲۲، اعداد زیاد شده‌اند؛ بنابراین روی فلشن + می‌گذاریم. حالا باید اختلاف

$$22 - 15 = 7 \Rightarrow 15, 22$$

$$+7$$

۲۲ و ۱۵ را پیدا کنیم:

$$29 - 22 = 7 \Rightarrow 22, 29$$

$$+7$$

پس اعدادها در این الگو ۷ تا ۷ اضافه شده و جلو رفته‌اند. حالا متوجه می‌شویم که اعدادی بعدی به ترتیب ۳۶ و ۴۳ هستند.

فراموش نکنید بعضی وقت‌ها الگوها، یک مرحله‌ای هستند؛ یعنی عدد روی فلش‌ها و کاری که در الگو انجام می‌شود تا آخر الگو، تغییر نمی‌کند. مثل:

$$10, 20, 30, 40, \dots$$

$$+10 \quad +10 \quad +10$$

اما همیشه این‌طور نیست. گاهی عدد روی فلش‌ها، خودشان الگویی ساده‌تر را می‌سازند. مثل:

$$10, 12, 15, 19, \dots, \dots$$

$$+2 \quad +3 \quad +4$$

$$+1 \quad +1$$

شكل بعدی الگوی داده شده را رسم کنید.

حتماً خوب به شکل‌ها نگاه کردید و فهمیدید که شکل اول و دوم ۲ توب، شکل سوم ۴ توب و شکل بعدی ۸ توب دارد. پس الان الگویی به شکل ۲, ۴, ۸, ۱۶ داریم. با توجه به اعدادی پشت سر هم:

$$2, 2, 4, 8, \dots \Rightarrow$$

$$+2 \quad +2 \quad +4 \quad ?$$

$$+2 \quad +2 \quad +2$$

پس شکل بعدی باید:  $16 = 8 + 6$ ، توب داشته باشد.

۱۰۶, ۹۴, ۸۴, ۷۶, ?

با توجه به اعدادی داده شده در الگو، عدد بعدی کدام است؟

۶۰ (۴)

۷۰ (۳)

۶۵ (۲)

۷۶ (۱)

**گزینه‌ی (۳)** از ۱۰۶ تا ۹۴، اعداد کمتر شده‌اند؛ پس روی فلشن (-) می‌گذاریم. اختلاف آن‌ها هم

$$106 - 94 = 12 \rightarrow 106, 94$$

$$-12$$

با یکدیگر می‌شود:

از ۹۴ تا ۸۴ کاهش داشتیم، بنابراین روی فلشن، (-) می‌گذاریم. نوبت به دست آوردن اختلاف این دو

$$94 - 84 = 10 \rightarrow 94, 84$$

$$-10$$

عدد است:

حالا موقع بررسی ۸۴ تا ۷۶ است. چون از ۸۴ تا ۷۶ اعداد کم شده‌اند؛ پس روی فلشن (-) می‌گذاریم و

$$84 - 76 = 8 \rightarrow 84, 76$$

$$-8$$

اختلاف آن‌ها:

$$106, 94, 84, 76, 70$$

$$-12 \quad -10 \quad -8 \quad -8 \quad -6$$

$$11-10=2 \quad 10-8=2 \quad 8-6=2$$

پس می‌توانیم الگو را به صورت رو به کامل کنیم:



خانواده‌ای در یک آپارتمان ۴ طبقه زندگی می‌کنند. هر طبقه دارای ۲ واحد است و هر واحد دارای ۳ اتاق‌خواب می‌باشد. اگر هر اتاق‌خواب ۲ پنجره داشته باشد، با تکمیل جدول به سؤالات زیر پاسخ دهید.

(الف) در کل ساختمان چند پنجره وجود دارد؟

(ب) در سه طبقه از این ساختمان چند اتاق‌خواب وجود دارد؟

طبقه	۱	۲	۳	۴
واحد				
اتاق‌خواب				
پنجره				

قبل از هر چیز، باید جدول را کامل کنیم. از آنجا که ساختمان ۴ طبقه دارد، ردیف طبقه را با شماره‌های ۱ تا ۴ پر می‌کنیم. در ادامه گفته شده هر طبقه دارای ۲ واحد است، پس ۱ طبقه، ۲ واحد دارد. ۲ طبقه می‌شود ۲ دسته‌ی ۲ تایی واحد، یعنی ۴ واحد.

وقتی یک طبقه بالا برویم، ۲ واحد دیگر به واحدهای قبل اضافه می‌شود، یعنی ۳ طبقه ۶ واحد و ۴ طبقه ۸ واحد؛ پس ردیف واحد به ترتیب از چپ به راست با عدددهای ۲، ۴، ۶ و ۸ پر می‌شود. حالا به سراغ اتاق‌خواب می‌رومیم. گفته شده بود هر ۱ واحد دارای ۳ اتاق‌خواب است، پس در ۱ طبقه که ۲ واحد داشتیم باید ۲ تا ۳ را با هم جمع کنیم. در ۲ طبقه که ۴ واحد داشتیم ۴ تا ۳ را با هم جمع می‌کنیم، در ۳ طبقه که ۶ واحد داشتیم ۶ تا ۳ و برای ۴ طبقه ۸ تا ۳ را با هم جمع می‌کنیم.

اگر کمی با دقت عمل کنید متوجه می‌شوید که واحدها با الگوی ۲ تا ۲ تا زیاد شده‌اند و اتاق‌خواب‌ها با الگوی عتا عتا افزایش یافته‌اند.

مرحله‌ی آخر مربوط به پنجره‌ها است. هر اتاق‌خواب دارای ۲ پنجره است، پس در طبقه‌ی اول که ۶ اتاق داریم باید ۱۲ تا ۱۲ بشماریم. برای ۲ طبقه که ۱۲ اتاق داریم ۱۲ تا ۱۲ بشماریم؛ بنابراین فهمیدیم که پنجره‌ها

با الگوی ۱۲ تا ۱۲ تا اضافه شده‌اند. پس:

(الف) در کل ساختمان ۴۸ پنجره وجود دارد.

(ب) در ۳ طبقه از این ساختمان ۱۸ اتاق‌خواب وجود دارد.

طبقه	۱	۲	۳	۴
واحد	۲	۴	۶	۸
اتاق‌خواب	۶	۱۲	۱۸	۲۴
پنجره	۱۲	۲۴	۳۶	۴۸



حتماً به یاد دارید که در سال‌های گذشته، با استفاده از چوب خط و انگشتان دست، شمارش را انجام می‌دادید. امسال که بزرگ‌تر شده‌اید با هم، راهی سریع‌تر را امتحان می‌کنیم. برای شمارش به این روش، شکل‌ها را به دسته‌های هماندازه تقسیم کنید. پس از دسته‌بندی ۲ حالت ممکن است اتفاق بیفتد. یا همه‌ی شکل‌ها داخل دسته‌ها قرار می‌گیرند و یا چند شکل خارج از دسته‌بندی باقی می‌ماند. اگر شکل‌ی خارج از دسته‌بندی باقی نماند، می‌توانیم علاوه بر نوشتن عبارت جمع برای شمارش شکل‌ها، از الگو هم استفاده کنیم. اما اگر شکلی بدون دسته باقی ماند، فقط می‌توانیم از عبارت جمع برای شمارش استفاده کنیم.

شکل‌های زیر را با کمک دسته‌بندی بشمارید. (با ۳ روش)



$$\left. \begin{array}{l} \text{شمارش ۲ تا ۱۲} \\ \text{شمارش ۳ تا ۱۲} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{الگو}$$

$$2+2+2+2+2+2+2+2 = 18$$



$$\left. \begin{array}{l} \text{شمارش ۳ تا ۱۲} \\ \text{شمارش ۳ تا ۱۸} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{الگو}$$

$$3+3+3+3+3+3 = 18$$



$$\left. \begin{array}{l} \text{شمارش ۵ تا ۱۸} \\ \text{چون ۳ تا از گوسفندها داخل دسته‌ای جانشندند، پس} \\ \text{نمی‌توانیم برای این نوع دسته‌بندی، الگو بنویسیم.} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{الگو}$$

$$5+5+5+3 = 18$$

برای اطمینان از درستی شمارش، می‌توانید برسی کنید که عدد آخر الگو با جواب جمع نوشته شده برای آن نوع دسته‌بندی مثل هم باشند. اگر مثل هم نبودند جایی از محاسباتتان اشتباه است و خطأ دارید.

در جمع کردن عددها با هم می‌توانیم از نکته‌ای استفاده کنیم که جواب را سریع‌تر پیدا کنیم. در جمع عددهای یک رقم با یک رقم بهتر است اول عددهایی را با هم جمع کنید که جمعشان ۱۰ می‌شود. بعد عددهای باقی‌مانده را با ۱۰ جمع کنید. همچنین از همین روش می‌توانید برای جمع عددهای چند رقمی هم استفاده کنید. جمع عددهایی با حاصل  $\dots, ۳۰, ۲۰, ۱۰, ۰$  را به صورت ذهنی به دست آورید.

حاصل جمع‌های هر دسته را به صورت ذهنی به دست آورید.

$$3+4+6+5+7+2 =$$

$$15+6+5+4+8+12 =$$

$$160+40+90+20+10+5 =$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ \downarrow \\ 3+4+6+\textcircled{5}+7+\textcircled{1}=10+10+5+2=27 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20 \\ \downarrow \\ 15+6+5+4+8+12=20+10+10=50 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 200 \\ \downarrow \\ 160+40+90+\textcircled{20}+\textcircled{10}+\textcircled{5}=200+200+20+5=425 \end{array}$$

اگر با دقت به اطراف نگاه کرده باشید، ماشین‌های زیادی را دیده‌اید که چیزی را به عنوان ورودی دریافت کرده‌اند، کاری روی آن ورودی انجام داده‌اند و پس از تغییر و انجام کار روی آن ورودی، خروجی را تحويل داده‌اند. مثل چرخ‌گوشت که یک تکه گوشت تحويل می‌گیرد و پس از ریزو چرخ‌کردن آن، گوشت چرخ‌کرده را به عنوان خروجی تحويل می‌دهد. کار ماشین ورودی - خروجی در درس ما به این صورت است که عددی را به نام **عدد ورودی** دریافت می‌کند، طبق قانونی که دارد، محاسباتی را روی آن عدد انجام می‌دهد، سپس آن را همراه با تغییرات ایجادشده، به عنوان **عدد خروجی** از ماشین بیرون می‌فرستد.

یک ماشین ورودی - خروجی، از هر عددی که دریافت می‌کند، ۶ تا کم می‌کند و به عنوان خروجی

تحويل می‌دهد. اگر عدد ۲۵۰ وارد این ماشین شود، خروجی چه عددی خواهد بود؟

$$\begin{array}{r} -6 \\ \hline 250 \end{array}$$

$$250-6=244$$

پس: عدد خروجی ۲۴۴ خواهد بود.

گاهی اوقات عدد ورودی را به ما نمی‌دهند، اما خروجی ماشین مشخص شده است. در این حالت‌ها، برای به دست آوردن عدد ورودی باید از سمت خروجی به سمت ورودی حرکت کنیم؛ یعنی حرکتی در خلاف جهت فلش ماشین داریم. پس در این نوع حرکت، هرجا به  $+$  رسیدیم آن را به  $-$  تبدیل می‌کنیم و هرجا به  $-$  برخورد کردیم به جای آن  $+$  می‌گذاریم.



برای به دست آوردن ، چون عدد ورودی را داریم، طبق قانون روی ماشین جلو می‌رویم:

$$27 - 6 = 21$$

اما همان‌طور که در ماشین مشخص است برای به دست آوردن ، خروجی به ما داده شده است؛ پس باید برعکس جهت فلش حرکت کنیم تا بفهمیم چه عددی بوده که اگر عتا از آن کم شود، حاصل خواهد شد. پس  $6 - 21 = 15$  را در این حرکت به  $+6$  تغییر دهیم.



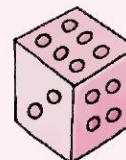
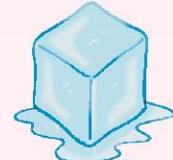
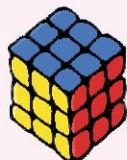
سال گذشته با خط آشنا شدید. می‌دانید وقتی مدادتان را از یک طرف به طرف دیگر حرکت بدید، می‌توانید روی کاغذ، یک خط رسم کنید. به شکل‌هایی مثل خط از یک طرف به طرف دیگر می‌روند، شکل‌های «یکبعدی» می‌گوییم.



هم‌چنین شکل‌های دیگری مثل مربع و مستطیل به شما معرفی شد که دارای ضلع‌هایی از بالا به پایین و از چپ به راست بودند. این شکل‌ها چون از ۲ راستا (بالا - پایین و چپ - راست) ساخته می‌شوند، شکل‌های «دوبعدی» نام دارند.

امسال با ۲ شکل جدید آشنا می‌شویم که علاوه بر ضلع‌هایی از بالا به پایین و چپ به راست، ضلع‌هایی هم از پشت و رو دارند. پس چون این شکل‌ها از ۳ راستا ساخته می‌شوند، آن‌ها را شکل‌های سه‌بعدی می‌نامیم. مکعب مربع: (به طور خلاصه این شکل را مکعب می‌نامند.)

شکل‌هایی سه‌بعدی که دارای ۶ وجه (طرف) هستند، به طوری که همه یا بعضی از وجه‌های آن مستطیل شکل ساخته شده باشد، مکعب نام دارند.



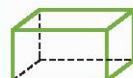
مکعب مستطیل:

شکل‌هایی سه‌بعدی که دارای ۶ وجه (طرف) هستند، به طوری که همه یا بعضی از وجه‌های آن مستطیل شکل باشند و وجه‌های رو به رو کاملاً یک‌شکل و یک‌اندازه باشند.

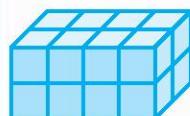


با کدام گزینه می‌توانیم یک مکعب مستطیل بسازیم؟

- (۱) با دو مربع همان‌ اندازه و ۴ مستطیل همان‌ اندازه  
 (۲) با ۵ مربع همان‌ اندازه و یک مستطیل همان‌ اندازه  
 (۳) با ۶ مستطیل دو به دو همان‌ اندازه و یک مربع همان‌ اندازه  
 (۴) با ۳ مربع همان‌ اندازه و ۳ مستطیل همان‌ اندازه



گزینه‌ی (۱)

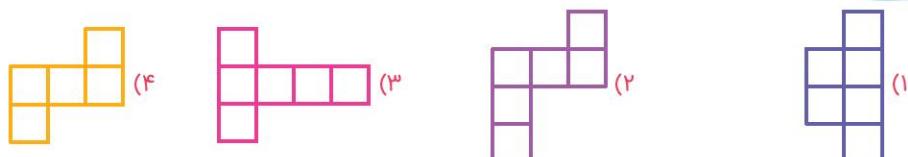


شکل داده شده از چند مکعب کوچک تشکیل شده است؟

- ۲۰ (۱)  
 ۱۶ (۲)  
 ۸ (۳)

گزینه‌ی (۴) دو ردیف ۸ تایی مکعب، می‌شود ۱۶ مکعب.

با کدام گزینه می‌توان یک مکعب ساخت؟



گزینه‌ی (۳) اگر در ذهنمان شکل (۳) را تاکنیم، شکلی ساخته می‌شود که دارای ۶ طرف همان‌ اندازه و هم‌ شکل است.

## پرسش‌های تشریصی

۱ الگوهای زیر را ادامه بدهید و جاهای خالی را با عددها یا شکل‌های مناسب پر کنید.

۷, ۷, ۱۴, ۱۴, ۲۱, ۲۱, ..., ...

۱۲۸, ۱۲۴, ۱۲۰, ۱۱۶, ..., ..., ...

۳:۱۵, ۳:۲۰, ۳:۳۰, ۳:۴۵, ..., ..., ...

★, ★★★★, ★★★★★★★★, ★★★★★★★★★★★★★★, ...

۱۲, ۱۸, ۲۴, ..., ..., ...

۲ اختلاف سومین و هفتمین عدد الگوی داده شده را به دست آورید.

۳ ساختمان یک مدرسه، ۳ طبقه دارد. در هر طبقه، ۴ کلاس ساخته شده است. اگر در هر کلاس ۲۵ دانش‌آموز

درس بخوانند، با تکمیل جدول، به سوالات پاسخ دهید.

۴ در این مدرسه چند دانش‌آموز درس می‌خوانند؟

۵ در ۳ طبقه‌ی این مدرسه چند کلاس وجود دارد؟

۶ در یک انبار، سه ردیف جعبه چیده شده است و در هر ردیف ۷ جعبه وجود دارد. با رسم جدول تعداد جعبه‌های

۳ ردیف را به دست آورید.

۷ دانش‌آموزی برنامه‌ریزی کرده است که از امروز برنامه‌ی مطالعاتی خاصی را رعایت کند. او می‌خواهد روز اول

۳۰ دقیقه درس بخواند و بعد از آن هر روز ۵ دقیقه بیشتر از روز قبل مطالعه کند؛ در چندین روز، زمان مطالعه‌اش

در یک روز، به یک ساعت می‌رسد؟

طبقه		
کلاس		
دانش‌آموز		



۶ در یک فروشگاه لباس، یک قفسه‌ی ۶ طبقه وجود دارد. در پایین ترین طبقه‌ی آن ۲۶ شلوار و ۳۸ پیراهن وجود دارد. هر طبقه که بالا می‌رومیم، ۳تا از شلوارها و ۴تا از پیراهن‌های طبقه‌ی قبل کم می‌شود. با تکمیل جدول به سوالات زیر پاسخ دهید.

در بالاترین طبقه‌ی این قفسه، چند پیراهن وجود دارد؟

در طبقه‌ی پنجم روی هم چند پیراهن و شلوار وجود دارد؟

طبقه	۱					
پیراهن						
شلوار						

۷ هفت نفر در یک صف ایستاده‌اند. در دست اولین نفر ۳ سیب و هر سیب دارای ۲ برگ است. هر نفر به ترتیب از نفر قبلی خود ۲ سیب بیشتر دارد. در دست آخرین نفر چند سیب و چند برگ وجود دارد؟

۸ فروشنده‌ای نوعی شکلات را ۶۵۰ تومان می‌خرد و ۸۰ تومان می‌فروشد. با تکمیل جدول سود، به سوالات زیر پاسخ دهید.

تعداد شکلات	۱	۲				
سود						

سود حاصل از فروش یک شکلات چند تومان است؟

این فروشنده با فروش ۶ شکلات، چند تومان سود می‌برد؟

این فروشنده حداقل باید چند شکلات بفروشد تا بتواند با سود آن‌ها یک شکلات دیگر بخرد؟

۹ شکل‌های داده‌شده را به ۲ حالت دسته‌بندی کنید و بشمارید.



۱۰ اگر پنج شنبه، دومین روز مهرماه باشد، تا آخر این ماه، پنج شنبه‌ها چه تاریخ‌هایی خواهند بود؟

۱۱ نرگس می‌خواهد از همین هفته سه شنبه‌ها به کلاس نقاشی برود. اگر امروز یکشنبه و سومین روز ماه باشد، تا پایان این ماه، نرگس در چه تاریخ‌هایی باید به کلاس نقاشی برود؟

۱۲ سپهر، کتاب داستانی خریده است که ۸۴ صفحه دارد. او می‌خواهد هر روز ۱۴ صفحه از آن را بخواند. حساب کنید سپهر برای خواندن این کتاب چند روز باید مطالعه کند؟

۱۳ حاصل عبارت‌های زیر را به صورت ذهنی محاسبه کنید و بنویسید.

۱۶)  $1+7+8+3+9=$

۱۷)  $12+15+8+5+2=$

۱۸)  $36+7+9+4+11=$

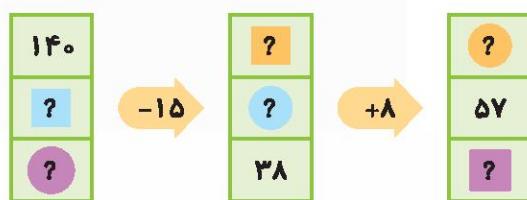
۱۹)  $5+4+8+16+2=$

۲۰)  $17+23+16+15+4=$

۲۱) آرمن در حال یادگیری تایپ است. اگر او در هر دقیقه ۲۵ کلمه تایپ کند، برای تایپ یک نامه‌ی ۱۵۰ کلمه‌ای، چند دقیقه زمان نیاز دارد؟



۲۲) ماشین ورودی - خروجی روبه‌رو را تکمیل کنید.





۱۷ کار یک ماشین ورودی - خروجی، اضافه کردن ۲۸ واحد به عدد ورودی است.

اگر عدد ۵۴۸ وارد این ماشین شود، عدد خروجی چه خواهد بود؟

اگر عدد ۵۰۷ از این ماشین خارج شده باشد، عدد ورودی چه بوده است؟

۱۸ دو ماشین ورودی - خروجی، پشت سر هم قرار گرفته اند. کار ماشین اول، اضافه کردن ۵ واحد به عدد ورودی است و کار ماشین دوم، کم کردن ۱۷ واحد از عدد ورودی اش می باشد. اگر خروجی پایانی این دو ماشین، عدد ۱۰۴ باشد، عدد ورودی را به دست آورید.

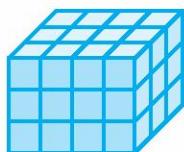


۱۹ عدد داخل گل را بباید.

۲۰ یک ماشین ورودی - خروجی طوری طراحی شده که از هر عدد ورودی ابتدا ۱۵ واحد کم می کند و بعد ۴ واحد به آن اضافه می کند. اگر عدد ۱۲۴ وارد این ماشین شود، عدد خروجی چه خواهد بود؟



۲۱ خرگوش کوچولو عددی انتخاب کرد و آن را با ۱۷ جمع کرد. جواب آن ۱۰۲ شد. عددی که او انتخاب کرده را پیدا کنید و توضیح دهید چگونه جواب را پیدا کردید؟



۲۲ شکل روبه رو از چند مکعب کوچک ساخته شده است؟

باز شده مکعب مستطیل	باز شده مکعب
.....	.....

در کادر سمت راست، شکل باز شده‌ی یک مکعب و در کادر سمت چپ، شکل باز شده‌ی یک مکعب مستطیل رارسم کنید.

۱ ششمین عدد الگوی ... ۱۶, ۲۸, ۴۰, ... کدام گزینه است؟

(۱) ۷۶ (۲)

(۳) ۶۴

(۴) ۵۲

(۵) ۸۸

۲ اختلاف چهارمین و ششمین عدد الگوی روبه رو چه قدر است؟

(۱) ۷۵ (۲)

(۳) ۱۰۰

(۴) ۵۰

(۵) ۲۵

۳ در جای خالی کدام گزینه قرار می گیرد؟

(۱) ۲۳۲ (۲)

(۳) ۶۰

(۴) ۸۰



۴ مجموع پنجمین و هفتمین عدد الگوی ... ۱۷, ۳۰, ۴۴, ۵۹ است؟

۷۵ (۴)

۱۱۰ (۳)

۳۵ (۲)

۱۸۵ (۱)

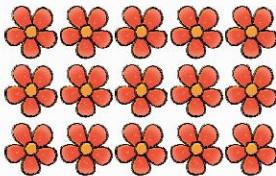
....., ۵۶, ۶۴, ۷۲

۵ کدام گزینه در مورد الگوی داده شده درست است؟

۱) ششمین عدد این الگو از سمت راست، عدد ۳۲ است.

۲) این الگو هفت تا هفت تا به سمت چپ زیاد شده است.

۳) این الگو هفت تا هفت تا به سمت راست اضافه شده است.



۶ با کدام نوع دسته بندی می توانیم برای شمارش گلها، هم عبارت جمع بنویسیم و هم الگو بسازیم؟

۱) شمارش عتا عتا

۲) شمارش ۲ تا ۲ تا



۷ اگر ورزشکاری در روز اول تمرین خود ۱۵ دقیقه تمرین کند و هر روز ۵ دقیقه، زمان تمرین خود را نسبت به روز قبل، افزایش دهد، در چندین روز زمان تمرین او به ۵۰ دقیقه در روز می رسد؟

۱) هفتمین روز

۲) دهمین روز

۸ آتا یکشنبه ها به کلاس نقاشی می رود. اگر امروز شنبه و دومین روز ماه مهر باشد، تا آخر این ماه، تاریخ کلاس های آتا کدام است؟

۱) ۱۷, ۲۴, ۱۰ و ۳

۲) ۳ و ۹, ۱۶, ۲۳, ۳۰

۳) ۷, ۱۵, ۲۲, ۲۹

۹ دو دوست با هم قرار گذاشتند، بعد از هر ۲ ساعت درس خواندن، ۳۰ دقیقه استراحت کنند. برای یک ساعت و نیم استراحت، چه قدر باید درس بخوانند؟

۱) ۳ ساعت

۲) ۶ ساعت

۳) ۲ ساعت

۴) ۱ ساعت

۱۰ دانش آموزی روزی ۱۳ صفحه از کتاب علمی خود را می خواند. بعد از گذشت یک هفته هنوز ۲۵ صفحه از کتاب باقی مانده است. کل کتاب او چند صفحه است؟

۱) ۱۱۶ (۴)

۲) ۳۸ (۳)

۳) ۹۱ (۲)

۴) ۴۵ (۱)

۱۱ فروشنده ای نوعی کیک را ۷۰۰ تومان می خرد و ۹۰۰ تومان می فروشد. او با سود فروش حداقل چند کیک می تواند یک کیک دیگر بخرد؟

۱) ۸ (۴)

۲) ۶ (۳)

۳) ۴ (۲)

۴) ۲ (۱)

۱۲ اگر سه شنبه اولین روز ماه باشد، دومین چهارشنبه ای این ماه چه تاریخی خواهد داشت؟

۱) ۹ (۴)

۲) ۷ (۳)

۳) ۲ (۲)

۴) ۱ (۱)

۱۳ ساختمانی ۴ طبقه دارد. هر طبقه ای آن ۴ واحد دارد و هر واحد دارای ۲ اتاق خواب است. در کل این ساختمان چند اتاق خواب وجود دارد؟

۱) ۳۲ (۴)

۲) ۲۴ (۳)

۳) ۸۰ (۲)

۴) ۱۶ (۱)

۱۴ در سؤال قبل اگر هر اتاق خواب دارای ۲ پنجره باشد، در کل این ساختمان چند پنجره وجود دارد؟

۱) ۱۶ (۴)

۲) ۴۸ (۳)

۳) ۳۲ (۲)

۴) ۶۴ (۱)



۱۵ سمیرا روزی ۲ شکلات می‌خورد و یک شکلات هم برای دوستش می‌برد.  
او در یک هفته چند شکلات برداشته است؟

۳ (۲)

۱۴ (۱)

۲۱ (۴)

۷ (۳)

۱۶ از شیر آبی که نشی دارد، در هر دقیقه ۱۵ قطره آب هدر می‌رود. در ۵ دقیقه، چند قطره آب از این شیر، هدر خواهد رفت؟

۳۰ قطره (۴)

۲۰ قطره (۳)

۶۰ قطره (۲)

۷۵ قطره (۱)

۱۷ در جای خالی الگوی داده شده، کدام گزینه قرار می‌گیرد؟

۳:۴۵, ۴:۰۵, ۴:۲۵, ○

۵:۲۵ (۴)

۴:۵۰ (۳)

۴:۴۵ (۲)

۳:۲۵ (۱)

۱۸ در یک گل فروشی یک قفسه‌ی ۳ طبقه‌ای وجود دارد. هر طبقه دارای ۴ گلدان است. در هر گلدان ۵ رز قرمز و ۲ رز زرد قرار داده شده است. در این قفسه چند شاخه گل وجود دارد؟

۵۶ (۴)

۸۴ (۳)

۲۸ (۲)

۱۲ (۱)

۱۹ اگر دوشنبه سومین روز ماه باشد، شنبه‌های این ماه، چه تاریخ‌هایی دارند؟

۳ و ۱۰, ۱۷, ۲۴ (۴)

۵ و ۱۲, ۱۹, ۲۶ (۳)

۲ و ۹, ۱۶, ۲۳, ۳۰ (۲)

۱ (۱)

۲۰ آموزگاری به دانش آموزان خود گفته است که به ازای هر کتابی که مطالعه می‌کنند، ۱۵ امتیاز دریافت می‌کنند. اگر دانش آموزی ۹۰ امتیاز داشته باشد، یعنی چند کتاب خوانده است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)

۲۱ اختلاف عدد داخل گل و ستاره کدام است؟



۳۱ (۲)

۳۳ (۱)

۶۴ (۴)

۹۷ (۳)

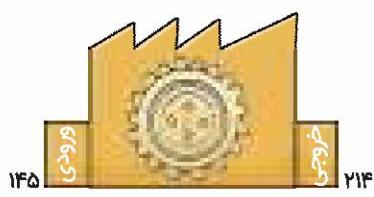
۲۲ کاری که ماشین داده شده انجام می‌دهد چیست؟

۱) اضافه کردن ۶۹ واحد به ورودی

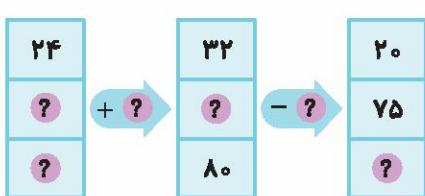
۲) اضافه کردن ۹۶ واحد به ورودی

۳) کم کردن ۶۹ واحد از ورودی

۴) کم کردن ۹۶ واحد از ورودی



۱۴۵ ۲۱۴



۲۳ مجموع عدهای داخل جاهای خالی ماشین ورودی - خروجی

داده شده، کدام است؟

۳۱۵ (۲)

۳۰۵ (۱)

۳۲۶ (۴)

۳۰۸ (۳)

۲۴ به عددی ۱۶ واحد اضافه کردیم و از حاصل آن ۲ تا کم کردیم. پاسخ ۴۹ به دست آمد. آن عدد کدام است؟

۱۹ (۴)

۵۳ (۳)

۱۳ (۲)

۸۵ (۱)





۲۵ عدد ۵۷ وارد یک ماشین ورودی - خروجی شد و عدد ۱۰۰ از آن خارج شد. اگر عدد ۱۴۸ وارد این ماشین شود، خروجی چه عددی است؟

۱۰۵ (۴)

۱۹۱ (۳)

۲۴۸ (۲)

۳۰۵ (۱)

۲۶ اختلاف ورودی ماشین اول، با عدد خروجی ماشین دوم کدام گزینه است؟



۱۹ (۴)

۱۷۸ (۳)

۱۵۹ (۲)

۱۴۰ (۱)

۲۷ اگر از عدد ۱۲ شروع کنیم، اختلاف سومین عدد در شمارش ۵ تا ۵ تا، با پنجمین عدد در شمارش ۳ تا ۳ تا کدام است؟

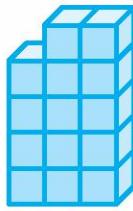
۲۴ (۴)

۲۲ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

۲۸ شکل داده شده از چند مکعب ساخته شده است؟



(۱) ۱۴ تا

(۲) ۱۲ تا

(۳) ۹ تا

(۴) ۱۲ تا

۲۹ ۱۷ گل مریم، ۶ گل میخک، ۴ گل رز و ۳ گل بنفسه روی هم چند شاخه گل می شود؟

۳۰ (۴)

۳۲ (۳)

۲۸ (۲)

۲۹ (۱)

۳۰ ۱۶ مهره‌ی نارنجی، ۱۴ مهره‌ی زرد، ۱۵ مهره‌ی سبز، ۲ مهره‌ی سفید و ۵ مهره‌ی سیاه روی هم چند مهره می شود؟

۵۲ (۴)

۵۰ (۳)

۴۰ (۲)

۴۲ (۱)

۳۱ در کدام گزینه با اضافه کردن ۲ مربع، باز شده‌ی مکعب ساخته خواهد شد؟



۳۲ در مدرسه‌ای تعداد دانش‌آموزان اول تا ششم به ترتیب ۱۴، ۱۶، ۱۷، ۱۹، ۲۱، ۱۶ و ۱۳ نفر است. تعداد کل دانش‌آموزان این مدرسه کدام گزینه است؟

۸۰ (۴)

۹۷ (۳)

۱۰۰ (۲)

۹۰ (۱)

۳۳ حاصل کدام گزینه بزرگ‌تر از بقیه است؟

$$۳ + ۱۶ + ۱۷ + ۱۴ = ۴۴$$

$$۱۵ + ۳ + ۱۸ + ۱۴ + ۵ + ۶ = ۵۷$$

$$۲ + ۵ + ۱۳ + ۱۵ + ۴ + ۱۶ + ۱۷ = 68$$

$$۸ + ۱۶ + ۱۹ + ۱۴ + ۱ + ۱۲ = 68$$

۳۴ در شکل زیر، تصویر چند مکعب و چند مکعب مستطیل وجود دارد؟



(۱) مکعب: ۲، مکعب مستطیل: ۲

(۲) مکعب: ۲، مکعب مستطیل: ۳

(۳) مکعب: ۲، مکعب مستطیل: ۵

(۴) مکعب: ۳، مکعب مستطیل: ۲



### ساعت در بعد از ظهر

#### ساعت در بعد از ظهر

حتماً می‌دانید که یک شبانه‌روز، برابر با ۲۴ ساعت است. ۱۲ ساعت مربوط به قبل از ظهر و ۱۲ ساعت مربوط به بعداز ظهر می‌باشد. اما اگر به ساعت‌های عقربه‌ای توجه کنیم، می‌بینیم که، روی آن‌ها فقط اعداد ۱ تا ۱۲ نوشته شده است؛ یعنی فقط نیمی از یک شبانه‌روز. پس برای خواندن ۱۲ ساعت دیگر چه کنیم؟ برای خواندن ساعت‌های بعد از نیمه‌شب، یعنی ساعت ۱۳ شب به بعد، ساعت را این‌طور می‌خوانیم. ۱ بامداد، ۲ بامداد، ...، ۵ صبح، ۶ صبح، ...، ۱۲ ظهر. در واقع از ۱ بامداد تا ۱۲ ظهر را همان‌طور می‌خوانیم که عقربه‌ی ساعت شمار نشان می‌دهد. ولی برای ساعت‌هایی که از ۱۲ ظهر می‌گذرند، باید بیشتر حواسمن را جمع کنیم و محاسباتی کوتاه را انجام دهیم.

به هر ساعتی که عقربه‌ی ساعت شمار بعد از ساعت ۱۲ ظهر نشان می‌دهد، ۱۲ اضافه می‌کنیم تا بتوانیم آن را به صورت شبانه‌روز بخوانیم. پس ساعت ۱ بعداز ظهر می‌شود:  
 $1 + 12 = 13$  شبانه‌روز  
 ساعت ۴ بعداز ظهر می‌شود:  
 $4 + 12 = 16$  شبانه‌روز  
 و به همین ترتیب.

زمانی که خواستیم ساعت در شبانه‌روز (برای ساعت‌هایی که از ۱۲ ظهر گذشته باشند). را به ساعت در بعداز ظهر تبدیل کنیم، باید همان ۱۲ ساعت اضافه شده را از روی آن عدد برداریم؛ یعنی:  
 $6 - 12 = 18$  شبانه‌روز

#### در تبدیل ساعت در بعداز ظهر به شبانه‌روز و برعکس، برای عدد عقربه‌ی دقیقه شمار هیچ تغییری اتفاق نمی‌افتد.

فاطمه هر روز ساعت ۹ صبح به باشگاه ورزشی می‌رود و ساعت ۳ بعداز ظهر به خانه برمی‌گردد.  
 او در یک روز چند ساعت بیرون از منزل بوده است؟

بهتر است برای مرتب‌شدن صورت مسئله، زمان شروع و پایان کار را به صورت زیر نشان بدھیم:  
 پایان → شروع

یادتان باشد در این روش، عده‌ها اجازه دارند فقط و فقط به صورت شبانه‌روز باشند.

$14 - 9 = ?$  صبح شبانه‌روز

برای به دست آوردن علامت سؤال روی فلش باید اختلاف شروع و پایان را محاسبه کنیم تا مدت زمان بیرون منزل بودن فاطمه را که موردنظر سؤال است، پیدا کنیم:

فاطمه ۵ ساعت بیرون از منزل بوده است.  
 $14 - 9 = 5$

خانواده‌ای می‌خواهند مسافرتی از تهران به مشهد داشته باشند. اگر آن‌ها ساعت ۵ صبح از تهران حرکت کنند و ۱۴ ساعت هم در راه باشند، زمان رسیدن این خانواده به مشهد را به ۲ صورت ساعت در بعداز ظهر و ساعت در شبانه‌روز محاسبه کنید.

حتماً از سؤال قبل یادتان مانده که بهتر است از یک محاسبه‌ی ساده استفاده کنید.

پایان → شروع  $\xrightarrow{+14} ?$  صبح ۵

ساعت ۷ بعداز ظهر می‌رسند.  
 $7 + 14 = 19$  ساعت ۱۹ شبانه‌روز می‌رسند.



اتوبوسی از تهران به سمت شیراز حرکت کرد، پس از ۴ ساعت حرکت، ۱ ساعت برای ناهار و نماز توقف کرد. دوباره حرکت کرد و پس از ۸ ساعت حرکت دیگر به شیراز رسید. اگر این اتوبوس ساعت ۱۰ شب به شیراز رسیده باشد، ساعت حرکت اتوبوس از تهران را پیدا کنید.

اولین کار ساده‌تر نوشتن صورت مسئله است.

رسیدن به شیراز → پایان ناهار و نماز → شروع ناهار و نماز → شروع

$$? \xrightarrow{+4} \textcircled{O} \xrightarrow{+1} \textcircled{O} \xrightarrow{+8} \textcircled{O} = ۲۲ \quad \text{شبانه‌روز}$$

حالا کافی است از ۲۲ به سمت شروع، حرکت کنیم. چون حرکت ما برعکس جهت فلش‌ها است، باید حواسمان به برعکس‌شدن علامت‌ها هم باشد:

$$۲۲ - ۸ = ۱۴ \Rightarrow ۱۳ - ۴ = ۹ \Rightarrow ۱۴ - ۱ = ۱۳ \Rightarrow ۹$$

پس ۹ صبح حرکت کرده است.

### خط تقارن

در درس قبل فهمیدیم که شمارش با دسته‌بندی، آسان‌تر می‌شود. می‌توانیم همین روش را برای شمردن شکل‌هایی که متقارن چیزهای شده‌اند هم استفاده کنیم.

خط تقارن به خطی گفته می‌شود که اگر شکل را از روی آن تاکنیم، تکه‌های ۲ طرف آن کاملاً همدیگر را پوشانند.

خط تقارن شکل‌های زیر را رسم کنید و تعدادشان را بنویسید.

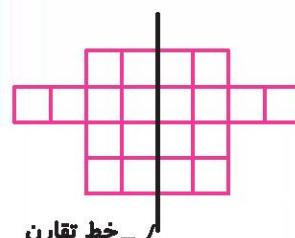


۲) ندارد



۱) تا

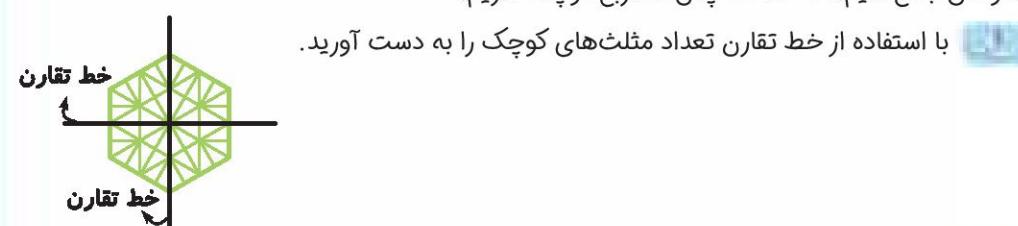
با استفاده از خط تقارن، تعداد مربع‌های کوچک را به دست آورید.



ابتدا تعداد مربع‌های یک طرف خط تقارن را می‌شماریم. ۰۱ تا است. حالا باید ۱۰ را یک بار با

خودش جمع کنیم.  $۰۱ + ۰۱ = ۰۲$  پس ۰۲ مربع کوچک داریم.

با استفاده از خط تقارن تعداد مثلث‌های کوچک را به دست آورید.



حتماً شما هم ابتدا مثلث‌های کوچک یک طرف از ۴ طرف را شمردید و بعد محاسبه‌ی زیر را انجام

$$۱۲ + ۱۲ + ۱۲ + ۱۲ = ۴۸$$

دادید، یعنی:

اگر یک شکل با خط تقارن به ۴ قسمت تقسیم شده باشد و هر طرف آن دارای ۱۱ شکل ستاره‌ای کوچک باشد، سه قسمت از این شکل دارای چند ستاره‌ی کوچک است؟

هر قسمت دارای ۱۱ ستاره است، پس این شکل دارای ۴ قسمت ۱۱ تایی است. سه قسمت آن

$$11+11+11=33$$

دارای سه دسته‌ی ۱۱ تایی ستاره هستند، پس:

سه قسمت دارای ۳۳ ستاره‌ی کوچک است.

## پرسش‌های تشریحی ...

۲۳ جاهای خالی را با اعداد مناسب کامل کنید.

ساعت ۴ و نیم بعداز ظهر، یعنی ..... شبانه‌روز.

ساعت ..... و بیست و نه شب، یعنی ..... شبانه‌روز.

۲۴ امیر هر روز ساعت ۷ صبح از خانه خارج می‌شود و به مدرسه می‌رود. اگر او ساعت ۱۵:۱۵ به خانه برگردد، از صبح تا هنگام برگشتن او چند ساعت طول می‌کشد؟

۲۵ کارمندی هر روز، ۹ ساعت در اداره کار می‌کند. اگر ساعت ۴ بعداز ظهر کارش به پایان برسد، او چه زمانی کارش را شروع می‌کند؟

۲۶ رضا ساعت ۹:۳۰ صبح برای پیاده‌روی از خانه بیرون رفت. پس از ۳ ساعت پیاده‌روی، به نانوایی رفت و ۱۵ دقیقه در صفا ایستاد تا نان بگیرد و بعد از ۳۰ دقیقه‌ی دیگر پیاده‌روی، به خانه رسید. زمان رسیدن او به خانه را به دو صورت شبانه‌روز و بعداز ظهر به دست آورید.

۲۷ قطاری ساعت ۸ صبح شروع به حرکت کرد. پس از ۴ ساعت حرکت، ۱ ساعت برای ناهار و نماز در بین راه ایستاد و دوباره حرکت کرد. این قطار ساعت ۱۱ شب به مقصد رسید. این قطار چند ساعت در حرکت بوده است؟

۲۸ جشن تولد زهرا ۴ ساعت طول کشید و ساعت ۳ بعداز ظهر به پایان رسید. جشن تولد او چه ساعتی شروع شده بود؟

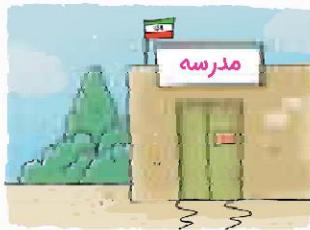
۲۹ مشخص کنید عقربه‌های ساعت‌های زیر روی چه اعدادی قرار دارند.



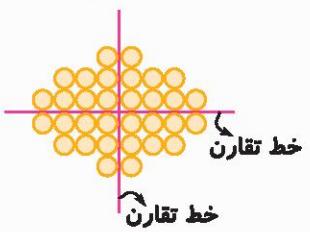
۳۰ از شروع یک برنامه‌ی تلویزیونی یک ساعت و بیست و پنج دقیقه گذشته است. اگر الان ساعت ۱ و ۳۰ دقیقه‌ی بعداز ظهر باشد، این برنامه در چه ساعتی شروع شده است؟

۳۱ ساعت محسن خراب شده است و در هر یک ساعت، ۱۰ دقیقه می‌خوابد (عقب می‌ماند). اگر الان ساعت محسن، ۱۴:۰۰ را نشان دهد، دو ساعت دیگر، ساعتش چه زمانی را نشان می‌دهد؟ (آن را به دو صورت بعداز ظهر و شبانه‌روز بیان کنید).

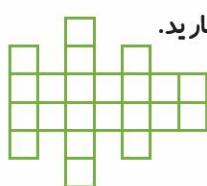
۳۲ کودکی هر روز از ساعت ۴ بعداز ظهر تا ساعت ۱۷:۳۰ کارتون تماشا می‌کند. او در چهار شبانه‌روز چند ساعت کارتون تماشا می‌کند؟



۳۳ دانشآموزی ساعت ۱۵:۰۰ بعدازظهر از مدرسه تعطیل می‌شود. ۱۵ دقیقه در راه است تا به کتابخانه برسد. او یک ساعت در کتابخانه مطالعه می‌کند و بعد از طی کردن مسیری ۴۰ دقیقه‌ای به خانه می‌رسد. زمان رسیدن او به خانه را به دو صورت شبانه‌روز و بعدازظهر به دست آورید.



۳۴ تعداد دایره‌ها را با استفاده از خط تقارن بشمارید.



۳۵ خط تقارن شکل زیر رارسم کنید و بعد با استفاده از آن تعداد مربع‌های کوچک را بشمارید.

۳۶ شکلی رسم کنید که دارای ۴ خط تقارن باشد.

۳۷ قطاری ساعت ۸ صبح از بندرعباس حرکت کرد و ساعت ۹ شب به تهران رسید. این قطار چند ساعت در راه بوده است؟

- (۱) ۱ ساعت      (۲) ۱۳ ساعت      (۳) ۱۷ ساعت      (۴) ۲۱ ساعت

۳۸ دو ساعت و پانزده دقیقه‌ی دیگر مسابقه‌ی فوتبال پخش خواهد شد. اگر الان ساعت ۵ بعدازظهر باشد، چه ساعتی فوتبال پخش می‌شود؟

- (۱) ۱۹:۱۵      (۲) ۱۳:۱۵      (۳) ۱۷:۱۵      (۴) ۱۸:۱۵

۳۹ ساعت کار کارمندان یک اداره ۷ صبح تا ۳ بعدازظهر است. اگر کارمندی امروز ۱ ساعت اضافه‌کاری داشته باشد، این کارمند امروز، چند ساعت کار کرده است؟

- (۱) ۷      (۲) ۱۵      (۳) ۸      (۴) ۹

۴۰ سینا در یک شبانه‌روز ۹ ساعت می‌خوابد. او در سه شبانه‌روز چند ساعت می‌خوابد؟

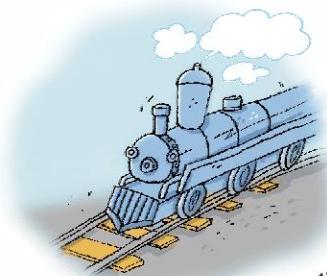
- (۱) ۹      (۲) ۲۷      (۳) ۱۸      (۴) ۱۲

۴۱ دانشآموزی صبح جمعه از ساعت ۰:۰۰ صبح شروع به درس خواندن کرد و تا ساعت ۱۰:۰۰ بعدازظهر به مطالعه‌ی خود ادامه داد. پس از ۳ ساعت و ۳۰ دقیقه استراحت دوباره شروع به درس خواندن کرد و کارش را تا ساعت ۱۹ به پایان رساند. این دانشآموز در کل روز جمعه چند ساعت درس خوانده است؟

- (۱) ۹ ساعت      (۲) ۵ ساعت و ۳۰ دقیقه      (۳) ۴ ساعت و ۳۰ دقیقه      (۴) ۳ ساعت و ۳۰ دقیقه

۴۲ سعید باید ساعت ۱۵ به دیدار مادربزرگش برود. اگر فاصله‌ی زمانی خانه‌ی آن‌ها تا خانه‌ی مادربزرگ ۱ ساعت و ۳۰ دقیقه باشد، او باید چه ساعتی از خانه راه بیفتند تا به موقع در آنجا حضور داشته باشد؟

- (۱) ۱۴ شبانه‌روز      (۲) ۲ و ۳۰ دقیقه‌ی بعدازظهر      (۳) ۱۳:۳۰      (۴) ۱۶:۳۰



۱۱) اگر بدانیم قطاری ساعت ۸ صبح از تهران حرکت کرده و بعد از ۲ ساعت حرکت به دلیل نقص فنی ۱ ساعت توقف داشته است؛ سپس بعد از ۳ ساعت حرکت، برای استراحت، ۱ ساعت دیگر بین راه توقف کرده و پس از ۵ ساعت حرکت به مقصد رسیده است. ساعت رسیدن به مقصد این قطار به دو صورت در کدام گزینه درست است؟

(۱) ۲۰ شبانه‌روز یا ۸ بعدازظهر  
(۲) ۷ بعدازظهر یا ۱۹ شبانه‌روز

(۳) ۱۸ شبانه‌روز یا ۶ بعدازظهر  
(۴) ۵ بعدازظهر یا ۱۷ شبانه‌روز

۱۲) شکلی دارای تقارن ۴ قسمتی است. اگر یک قسمت آن دارای ۱۷ مربع کوچک باشد، سه قسمت آن روی هم چند مربع کوچک دارد؟

(۱) ۲۱ (۲) ۲۰ (۳) ۶۸ (۴) ۵۱

۱۳) یک مربع را به کمک خط تقارن به ۸ قسمت تقسیم کردیم و در هر قسمت آن ۳ نقطه به صورت متقارن گذاشتیم. عدد نقاط داخل مربع چند تا است؟

(۱) ۸ تا (۲) ۱۱ تا (۳) ۱۲ تا (۴) ۲۴ تا

۱۴) مادر مریم در چیدن میز شام سعی کرد همه‌ی وسایل در ۲ طرف میز کاملاً با هم در تقارن باشند. اگر در یک طرف ۶ بشقاب، ۶ چنگال، ۶ قاشق و یک پارچ آب وجود داشته باشد، تعداد اشیای نامبرده شده در کل میز چند تا است؟

(۱) ۱۹ (۲) ۳۸ (۳) ۳۰ (۴) ۳۲

۱۵) در هر کدام از ۲ طرف خیابانی، یک باغچه وجود دارد که در هر باغچه ۵ گل گلبرگی کاشته شده است. در این خیابان چند گلبرگ وجود دارد؟

(۱) ۳۰ (۲) ۵۰ (۳) ۹۰ (۴) ۶۰

۱۶) خانواده‌ای برای مسافرت ساعت ۶ صبح از منزل حرکت کردند و ساعت ۷ و ربع بعدازظهر به مقصد رسیدند. آن‌ها چه قدر در راه بوده‌اند؟

(۱) ۱۳ ساعت و ۳۵ دقیقه (۲) ۱۱ ساعت و ۴۵ دقیقه (۳) ۱۳ ساعت و ۱۵ دقیقه (۴) ۱۳ ساعت و ۱۵ دقیقه

۱۷) دو ساعت و ۱۵ دقیقه بعد از ساعت پانزده دقیقه مانده به ۵ بعدازظهر، ساعت چند شبانه‌روز است؟

(۱) ۱۸:۴۵ (۲) ۱۹:۴۵ (۳) ۲۰:۱۵ (۴) ۱۹:۰۰

۱۸) تعداد گل‌های روی شکل متقارن داده شده، چند تا است؟

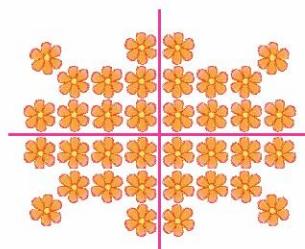
(۱) ۳۶ (۲) ۳۲ (۳) ۴۰ (۴) ۴۲

۱۹) دو ساعت و نیم دیگر کارتون مورد علاقه‌ی سپهر پخش می‌شود. اگر الان ساعت ۴ بعدازظهر باشد، ساعت پخش کارتون کدام گزینه است؟

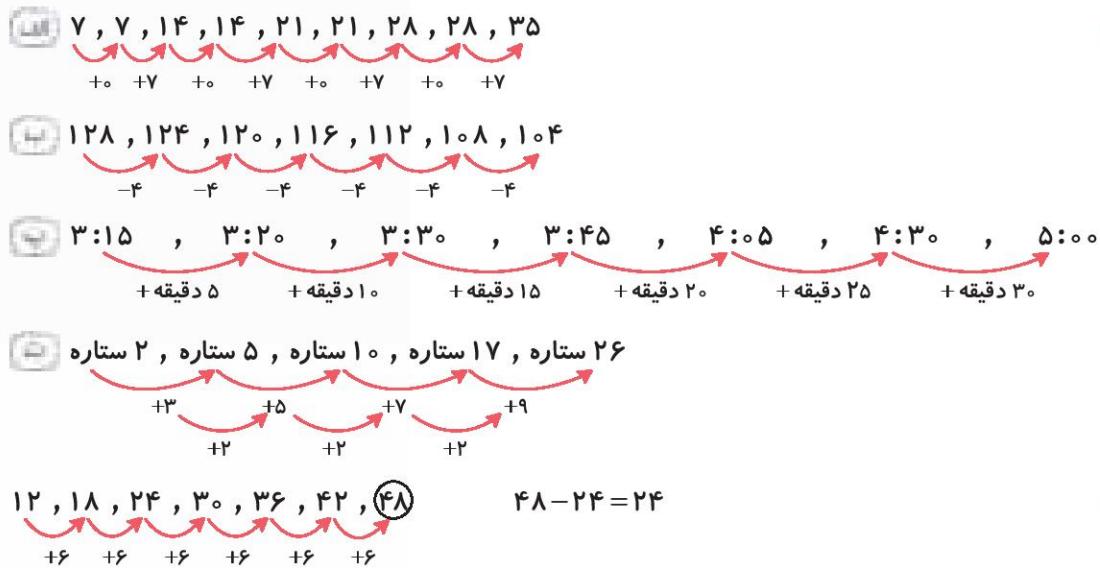
(۱) ۱۹:۳۰ (۲) ۱۸:۳۰ (۳) ۱۷:۳۰ (۴) ۱۲:۳۰

۲۰) در یک تقارن چهار قسمتی که هر قسمت آن دارای ۱۳ ستاره است، تعداد کل ستاره‌ها چند تا است؟

(۱) ۴۳ (۲) ۵۰ (۳) ۵۲ (۴) ۴۰



## پاسخ نامه: بسطی بسطی



طبقه	۱	۲	۳
کلاس	۴	۸	۱۲
دانشآموز	۱۰۰	۲۰۰	۳۰۰

ردیف	۱	۲	۳
جعبه	۷	۱۴	۲۱

۳۰۰ دانشآموز ۳  
۱۲ کلاس

در ۳ ردیف ۲۱ جعبه وجود دارد. ۴

۵ می‌دانیم یک ساعت، ۶۰ دقیقه است.



در روز هفتم، زمان مطالعه‌اش به ۶۰ دقیقه، یعنی یک ساعت می‌رسد.

طبقه	۱	۲	۳	۴	۵	۶
پیراهن	۳۸	۳۴	۳۰	۲۶	۲۲	۱۸
شلوار	۲۶	۲۳	۲۰	۱۷	۱۴	۱۱

۱۸ پیراهن ۶  
۳۶ شلوار

در دست آخرین نفر ۱۵ سیب و ۳۰ برگ وجود دارد. ۷

نفر	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷
سیب	۳	۵	۷	۹	۱۱	۱۳	۱۵
برگ	۶	۱۰	۱۴	۱۸	۲۲	۲۶	۳۰

در دست آخرین نفر ۱۵ سیب و ۳۰ برگ حاصل از فروش یک شکلات، یعنی اختلاف قیمت خرید و فروش:

تعداد شکلات	۱	۲	۳	۴	۵	۶
سود	۱۵۰	۳۰۰	۴۵۰	۶۰۰	۷۵۰	۹۰۰

۸۰۰ تومان = ۱۵۰ سود ۸  
۹۰۰ تومان

۹ شکلات (چون باید مبلغی برابر و یا بیش از قیمت یک شکلات پول داشته باشد).



چون هر هفته ۷ روز است، پس از شمارش ۷ تا ۷ تا استفاده می‌کنیم.

پنجمین پنجشنبه سومین پنجشنبه دویین پنجشنبه اولین پنجشنبه  
۹ ۱۶ ۲۳ ۳۰  
+7 +7 +7 +7

الگو را تا جایی ادامه می‌دهیم که عدد الگو از عدد روزهای ماه، یعنی ۳۰ بیشتر نشود!!!

۱۰ وقتی یکشنبه، سومین روز ماه است، پس دوشنبه چهارمین روز ماه و سهشنبه پنجمین روز ماه است؛ بنابراین:

چهارمین سهشنبه سومین سهشنبه دویین سهشنبه اولین سهشنبه  
۵ ۱۲ ۱۹ ۲۶  
+7 +7 +7 +7  
روز اول ۱۴ روز دوم ۲۸ روز سوم ۴۲ روز چهارم ۵۶ روز پنجم ۷۰ روز ششم ۸۴

۱۱ روز باید مطالعه کند.

$10 + 7 + 8 + 3 + 9 = 10 + 10 + 8 = 28$ ۱۰ ۲۰	$12 + 15 + 8 + 5 + 2 = 12 + 20 + 10 = 42$ ۱۰ ۲۰	$36 + 7 + 9 + 4 + 11 = 40 + 20 + 7 = 67$ ۴۰ ۲۰	$8 + 4 + 8 + 16 + 2 = 5 + 10 + 20 = 35$ ۲۰ ۱۰
$17 + 23 + 16 + 15 + 4 = 40 + 20 + 15 = 75$ ۴۰ ۲۰			

۱۲ شمارش ۲۵ تا ۲۵ تا را، ترسیدن به عدد ۱۵۰ ادامه می‌دهیم: ۱۳ دقیقه  $\Rightarrow 125, 50, 75, 100, 125, 150$

$$140 - 15 = 125$$

$$125 + 8 = 133$$

$$57 - 8 = 49$$

$$49 + 15 = 64$$

$$38 + 15 = 53$$

$$38 + 8 = 46$$

$$507 - 28 = 479$$

$$548 + 28 = 576$$

$$50 \xrightarrow{+5} \dots \xrightarrow{-17} 104$$

$$104 + 17 - 5 = 116$$

عدد ورودی ۱۱۶ بوده است.

$$120 - 14 + 12 - 18 = 100$$

$$\text{خروجی} \rightarrow \dots \xrightarrow{-15} \xrightarrow{+4} \text{ورودی} \quad 113 = \text{عدد خروجی} \Rightarrow 113 - 15 + 4 = 113 \quad 19$$

۲۰ ابتدا شکل ریاضی صورت سؤال را نوشتیم و فهمیدیم محاسبه  $10^2 + 17 = 100 + 17 = 117$  عدد انتخاب شده، خواسته ماشین ورودی - خروجی است؛ خروجی را داریم، پس باید از خروجی به سمت ورودی حرکت کنیم.

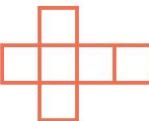
$$\text{عدد انتخاب شده } 10^2 - 17 = 85 \quad \text{پس عدد انتخاب شده } 85 \text{ بوده است.}$$

$$36 \text{ مکعب کوچک داریم.} \quad 21$$

باز شده مکعب مستطیل



باز شده مکعب



۲۲:۱۵

۵:۲۰

۲

۱۶:۳۰

۲۲

۲۳

در این سؤال باید یادمان بماند که دقیقه در شباهنگام بروز و بعدازظهر تغییری نمی‌کند.

$$\textcircled{?} \rightarrow 14:15 \quad (\text{پایان}) \rightarrow 7 \text{ صبح}$$

از ساعت ۷ صبح تا ۱۴ شباهنگام بروز می‌شود ۷ ساعت. اگر ۱۵ دقیقه باقی‌مانده از ساعت ۱۴ شباهنگام بروز را به این عدد اضافه کنیم متوجه می‌شویم از صبح تا هنگام برگشتن او، ۷ ساعت و ۱۵ دقیقه طول کشیده است.

۴ بعدازظهر

$$\textcircled{?} \rightarrow 14:15 \quad (\text{پایان}) \rightarrow \downarrow \quad (\text{شروع})$$

۱۶ شباهنگام بروز

او ۷ صبح کارش را شروع می‌کند.

$$14:15 \rightarrow \text{شروع} \xrightarrow{+30} 12:30 \quad (رسیدن به نانوایی)$$

$$12:30 \rightarrow \text{شروع} \xrightarrow{+45} 13:15 \quad (\text{رسیدن به خانه})$$

او ساعت ۱۳:۱۵ شباهنگام بروز یا ۱:۱۵ بعدازظهر به منزل برگشته است.

$$13:15 \rightarrow \text{شروع} \xrightarrow{+60} 14:00 \quad (\text{حرکت دوباره})$$

$$\xrightarrow{+?} 23:00 \quad (\text{پایان})$$

از ساعت ۱۳ تا ۲۳ می‌شود ۱۰ ساعت حرکت که باید با ۴ ساعت حرکت اول جمع شود. در مجموع  $10 + 4 = 14$  ساعت در حرکت بوده است.

۳ بعدازظهر

$$\textcircled{?} \rightarrow 15-4=11 \quad (\text{شروع})$$

۱۵ شباهنگام بروز

جشن تولد او ساعت ۱۱ صبح شروع شده بود.

$$6 \quad \text{عقربهی بزرگ روی ۱۰ و عقربهی کوچک بین ۵ و ۶}$$

$$7 \quad \text{عقربهی بزرگ روی ۹ و عقربهی کوچک بین ۱ و ۲}$$

$$8 \quad \text{عقربهی بزرگ روی ۵ و عقربهی کوچک بین ۷ و ۸}$$

$$1:30 \rightarrow \text{شروع} \xrightarrow{+1:25} 1:25 \quad (\text{پایان}) \rightarrow \downarrow$$

۱۳:۳۰

۳۰

اگر از ساعت ۱۳:۳۰ به اندازه‌ی یک ساعت و بیست و پنج دقیقه به عقب برگردیم به ساعت شروع برنامه یعنی ساعت ۱۲:۰۵ می‌رسیم.

۳۱ هر یک ساعت ده دقیقه ساعتش عقب می‌افتد؛ پس در ۲ ساعت زمان را ۲۰ دقیقه کمتر، یعنی ساعت ۱۵:۴۰ شبانه‌روز یا ۳:۴۰ بعدازظهر را نشان می‌دهد. در واقع ساعت به جای ۲ ساعت یک ساعت و چهل دقیقه (۲۰ دقیقه کمتر از ۲ ساعت) حرکت کرده است.

$$\text{بعدازظهر} \quad \begin{array}{r} 4 \\ \downarrow \\ \text{پایان) ۱۷:۳۰ \rightarrow ۱۷:۳۰ \end{array} \quad \text{(شروع) در یک شبانه‌روز}$$

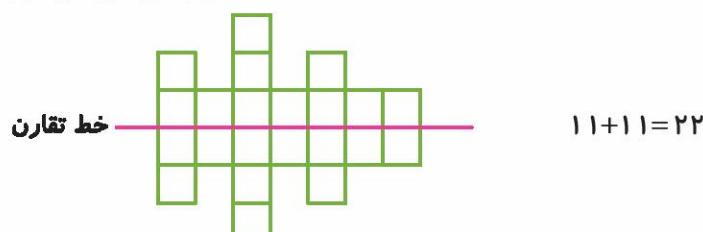
۱۶ شبانه‌روز

در یک شبانه‌روز یک ساعت و سی دقیقه کارتون می‌بیند، پس در چهار شبانه‌روز ۴ تا یک ساعت و نیم، یعنی ۶ ساعت کارتون تماشا می‌کند.

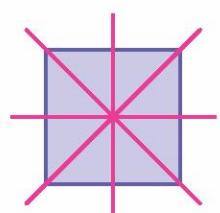
$$\begin{array}{r} 1 \text{ ساعت در کتابخانه} + 15 \text{ دقیقه} \\ \hline 3:30 \rightarrow 2:15 \text{ (رسیدن به کتابخانه)} \\ + 40 \text{ دقیقه در راه} \\ \hline 4:10 \end{array} \quad \text{۳۲}$$

۴:۱۰ بعدازظهر یا ۱۶:۱۰ شبانه‌روز به منزل می‌رسد.

$$8+8+8+8=32 \quad \text{۳۳}$$



$$11+11=22 \quad \text{۳۴}$$



۳۵ مربع دارای ۴ خط تقارن است.

۱ گزینه‌ی (۱) الگوی داده شده، ۱۱ تا ۱۲ تا اضافه شده است؛ پس: ۷۶  
۷۶ ششمین عدد:

۲ گزینه‌ی (۲) الگوی داده شده، ۲۵ تا ۲۵ تا کم شده است؛ پس: ۵۰  
۵۰ اختلاف این دو عدد: ۷۵ - ۲۵ = ۵۰

۳ گزینه‌ی (۳) با توجه به الگویی که روی فلش‌ها داریم:  
۲۷۲, ۲۵۲, ۲۱۲, ۱۵۲, (?)

$$152 - 80 = 72 \quad \text{هفتمین عدد} \quad \text{پنجمین عدد}$$

۴ گزینه‌ی (۴) با توجه به الگوی کامل شده:  
۱۷, ۳۰, ۴۴, ۵۹, (۷۵), ۹۲, ۱۱۰

$$75 + 110 = 185 \quad \text{مجموع پنجمین و هفتمین عدد الگو}$$

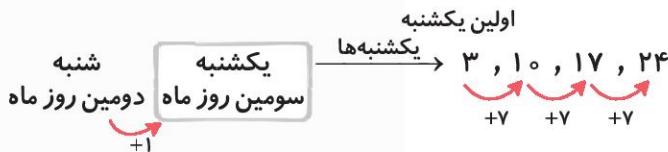
۳۲, ۴۰, ۴۸, ۵۶, ۶۴, ۷۲  
-۸ -۸ -۸ -۸ -۸

گزینه‌ی ۱) ۵

گزینه‌ی ۴) ۶

گزینه‌ی ۲) ۷

روز اول روز سوم روز پنجم روز هفتم روز دهم  
۱۵, ۲۰, ۲۵, ۳۰, ۴۰, ۴۵, ۵۰  
روز دوم روز چهارم روز ششم روز هشتم



گزینه‌ی ۱) ۸

چون مهرماه، ۰ روز دارد، پس الگوی یکشنبه‌هارا تاریخی ادامه می‌دهیم که عدد به دست آمده ۳۰ و یا کم تر باشد.

گزینه‌ی ۲) ۹ یک و نیم ساعت می‌شود ۳ تا نیم ساعت؛ پس برای داشتن ۳۰ دقیقه استراحت، لازم است ۶ تا دو ساعت (یعنی  $6 = 2 + 2 + 2$ ) درس بخوانند.

گزینه‌ی ۴) ۱۰ کل کتاب او ۱۱۶ صفحه است.

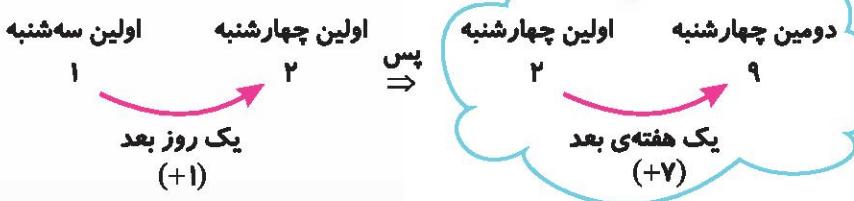
گزینه‌ی ۲) ۱۱ ۲۰۰ تومان = ۷۰۰ - ۹۰۰ = قیمتی که خریده است - قیمتی که فروخته است = سود هر کیک

باید جدول سود را تا جایی ادامه دهیم که سود به دست آمده با قیمت یک کیک مساوی یا از آن بیشتر باشد تا پول کافی برای خرید یک کیک به دست بیاید. پس باید ۴ کیک بفروشد.

تعداد کیک	۱	۲	۳	۴
سود	۲۰۰	۴۰۰	۶۰۰	۸۰۰

+۲۰۰

گزینه‌ی ۴) ۱۲



طبقه	۱	۲	۳	۴
واحد	۴	۸	۱۲	۱۶
اتاق خواب	$2+2+2+2=8$	$2+2+2+2+8=16$	۲۴	۳۲
	+۸	+۸	+۸	+۸

گزینه‌ی ۴) ۱۳

طبقه	۱	۲	۳	۴
واحد	۴	۸	۱۲	۱۶
اتاق خواب	۸	۱۶	۲۴	۳۲
پنجره	$16 \text{ (دسته‌ی ۲ تایی)}$	$(16 \text{ (دسته‌ی ۲ تایی)})$	$32 \text{ (۱۶ دسته‌ی ۲ تایی)}$	$48 \text{ (۱۶ دسته‌ی ۲ تایی)}$
	+۱۶	+۱۶	+۱۶	+۱۶

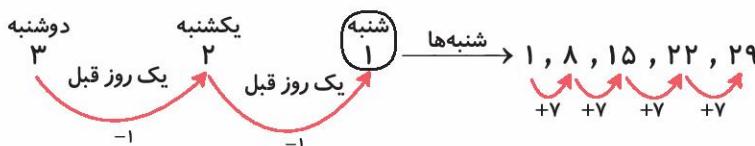
گزینه‌ی ۱) ۱۴

او روی هم هر روز ۳ شکلات برمی‌دارد، پس در یک هفته می‌شود ۷ دسته‌ی ۳ تایی؛ یعنی:  $3 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 = 21$  شکلات

گزینه‌ی ۱) ۱۵ ۵ دقیقه یعنی ۵ تا ۱ دقیقه؛ چون در هر ۱ دقیقه ۱۵ قطره آب هدر رفته است؛ پس در ۵ دقیقه ۱۵ تا ۱۵ قطره هدر می‌رود، یعنی: ۷۵ قطره.

۳:۴۵ , ۴:۰۵ , ۴:۲۵ , ۴:۴۵  
+ دقيقه ۲۰ + دقيقه ۲۰ + دقيقه ۲۰

طبقه	۱	۲	۳
گلستان	۴	۸	۱۲
گل	۷+۷+۷+۷=۲۸ ۴ دسته ۷ تایی	۵۶+۲۸ ۲۸	۸۴



$$15+15+15+15+15=90$$

$$72-8=64 \text{ حرکت در جهت فلش}$$

$$25+8=33 \text{ حرکت بر عکس جهت فلش}$$

$$214-145=69$$

قبل از هر چیز، نیاز داریم عدد روی فلش‌ها را محاسبه کنیم. با توجه به خانه‌های سطر اول، عدد روی فلش‌ها را به دست می‌آوریم: پس کار مرحله‌ی اول این ماشین اضافه کردن ۸ واحد به ورودی است.  $32 - 24 = 8$  و کار مرحله‌ی دوم این ماشین کم کردن ۱۲ واحد از ورودی است.  $32 - 20 = 12$

حالا سراغ ورودی‌ها و خروجی‌های می‌رویم که وجود ندارند.

$$75+12=87 \text{ خانه‌های ردیف دوم از راست به چپ}$$

$$87-8=79$$

$$80-12=68 \text{ خانه‌ی سمت راست ردیف سوم}$$

$$8+12+87+79+68+72=326 \text{ مجموع تمام عدددهای داخل جاهای خالی}$$

$$(○+16)-52=49$$

گزینه‌ی ۱۱

$$49+52=101 \Rightarrow 101-16=85$$

چون عدد ورودی از عدد خروجی کم‌تر است، یعنی ماشین مقداری به عدد ورودی اضافه می‌کند. پس مقداری که اضافه کرده،  $43 - 57 = 100 - 148 = 52$  است. بنابراین اگر عدد  $148$  وارد این ماشین شود، خروجی عبارت است از:

$$71-52=19 \text{ ورودی ماشین اول}$$

گزینه‌ی ۱۲

$$178-19=159 \text{ اختلاف} \Rightarrow 159-19=140 \text{ خروجی ماشین دوم}$$

گزینه‌ی ۱۳

$$12, 17, 22 \text{ شمارش ۵ تا ۵ تا} \\ 12, 15, 18, 21, 22 \text{ شمارش ۳ تا ۳ تا}$$

$$\text{اختلاف} \rightarrow 24-22=2$$

$$3+3+3+2=14$$

گزینه‌ی ۱۴

$$17+6+4+3=30 \quad \begin{array}{c} 1 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 2 \end{array}$$

گزینه‌ی ۱۵

$$16+14+15+\textcircled{2}+5=30+20+2=52 \quad \begin{array}{c} 30 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 20 \end{array}$$

گزینه‌ی ۱۶



گزینه‌ی ۱۷

گزینه‌ی ۱۸

جدول، دقت می‌کنیم در هر یک گلستان

۵ رز قرمز و ۲ رز زرد، یعنی ۷ شاخه

گل قرار دارد؛ پس:

گزینه‌ی ۱۹

گزینه‌ی ۲۰

گزینه‌ی ۲۱

گزینه‌ی ۲۲

گزینه‌ی ۲۳

گزینه‌ی ۲۴

گزینه‌ی ۲۵

گزینه‌ی ۲۶

گزینه‌ی ۱۱

گزینه‌ی ۱۲

گزینه‌ی ۱۳

گزینه‌ی ۱۴

گزینه‌ی ۱۵

گزینه‌ی ۱۶

**گزینه‌ی (۳)** گزینه‌ی (۱) و (۲) به جای ۴ مربع، به ترتیب ۵ و ۳ مربع هماندازه دارند و گزینه‌ی (۴) هم طوری که به مکعب تبدیل شود، قابل تاشدن نیست.

$$14+19+17+16+21+13 = 30+30+40 = 100$$

گزینه‌ی (۱): ۶۱

گزینه‌ی (۳): ۷۰

گزینه‌ی (۲): ۵۰

**گزینه‌ی (۲)**

**گزینه‌ی (۴)**

بررسی گزینه‌ها:

**گزینه‌ی (۳)** مکعب‌ها: مکعب روییک - تاس / مکعب مستطیل‌ها: یخچال، تلویزیون، میز تلویزیون، تصویر داخل قاب، جعبه‌ی دستمال کاغذی

پایان → شروع

→ ۸ صبح  
~~۱۲ شبانه‌روز~~

۲۱-۸ = ۱۳ ساعت در راه بوده است.

**گزینه‌ی (۲)**

**گزینه‌ی (۱)**

پایان → شروع

~~۳ بعدازظهر~~ → ۷ صبح  
~~۱۵ شبانه‌روز~~

۱۵-۷ = ۸ ساعت در ساعت کاری کار کرده است.

**گزینه‌ی (۴)**

**گزینه‌ی (۲)**

۸ + ۱ = ۹ ↓

اضافه‌کاری

۹ + ۹ + ۹ = ۲۷

جمعاً ۹ ساعت کار کرده است.

**گزینه‌ی (۲)**

**گزینه‌ی (۱)**

پایان درس خواندن → شروع دوباره‌ی درس → (پایان) ۰:۲۰ بعداز ظهر (شروع) ۱۰ صبح  
↓ ↓  
۱۳:۰۰ شبانه‌روز ۰۵:۱۶ شبانه‌روز ۰۹ شبانه‌روز

اگر مقدار علامت سؤال‌ها را به دست آوریم و با هم جمع کنیم، میزان مطالعه‌ی او محاسبه می‌شود. از ساعت ۱۰ صبح تا ۱۳:۰۰ شبانه‌روز ۳ ساعت و ۲۰ دقیقه طول کشیده است. این یعنی مقدار علامت سؤال اول.

برای به دست آوردن علامت سؤال دوم به محاسبه‌ای کوتاه نیاز داریم. باید حساب کنیم از ساعت ۱۶:۵۰ دقیقه تا ساعت ۱۹ چه مدتی طول کشیده است. این زمان برابر با ۲ ساعت و ۱۰ دقیقه به دست می‌آید.

پس یک بار سه ساعت و بیست دقیقه و بار دیگر دو ساعت و ده دقیقه درس خوانده است؛ یعنی روی هم ۵ ساعت و سی دقیقه درس خوانده است.

**گزینه‌ی (۳)** اگر فاصله‌ی زمانی خانه‌ی سعید تا خانه‌ی مادربزرگ را به صورت زیر نمایش دهیم، متوجه می‌شویم که باید از ساعت ۱۵ مقدار یک ساعت و ۳۰ دقیقه را کم کنیم. پس:

خانه‌ی مادربزرگ → ۱ ساعت و ۳۰ دقیقه در راه خانه‌ی سعید  
↓  
ساعت ۱۵ شبانه‌روز

او باید ساعت ۰۰:۱۳ د دقیقه از خانه راه بیفتند تا به موقع برسد.

شروع حرکت → ۱۰ صبح → ۱۱ صبح → ۱۲ صبح

**گزینه‌ی (۱)**

(رسیدن به مقصد)  
۰۰ شبانه‌روز → ۱۵ ساعت استراحت + ۱۴ شبانه‌روز → ۳ ساعت حرکت + ۱۶ شبانه‌روز → ۰۰ شبانه‌روز (بعداز ظهر)

۱۷ + ۱۷ + ۱۷ = ۵۱

**گزینه‌ی (۴)**

$$3+3+3+3+3+3=24$$

$$(6+6+6+1)+(6+6+6+1)=19+19=38$$

طرف دیگر میز      یک طرف میز

گزینه‌ی ۲۴

۲۳

گزینه‌ی ۲۵

۲۴

گزینه‌ی ۲۶

۲۵

$$(6+6+6+6+6)+(6+6+6+6+6)=(5\text{ گل } 6\text{ گلبرگی})+(5\text{ گل } 6\text{ گلبرگی})=30+30=60$$

۶ گلبرگ وجود دارد.

گزینه‌ی ۲۷

۲۶

پایان → شروع

~~۶:۰۰~~ صبح → ~~۷:۱۵~~ بعدهار ظهر  
۱۹:۱۵ (شبانه روز)

پس آن‌ها ۱۳ ساعت و ۱۵ دقیقه در راه بوده‌اند.

۲ ساعت و ۱۵ دقیقه بعد → ?  
۱۵ دقیقه مانده به ۵ بعدهار ظهر  
۴:۴۵ → ?  
+ ۲:۱۵

گزینه‌ی ۲۸

۲۷

پس دو ساعت و ۱۵ دقیقه بعد از ساعت ۱۵ دقیقه مانده به ۵ بعدهار ظهر می‌شود ۷ بعدهار ظهر یا ۱۹ شبانه روز.

(۶ دقیقه می‌شود یک ساعت).

$$9+9+9+9=36$$

گزینه‌ی ۲۹

۲۸

~~۴~~ بعدهار ظهر → ?  
+ ۲:۳۰

(۱۶ شبانه روز)

می‌دانیم هر نیم ساعت برابر با ۳۰ دقیقه است. پس: ۲ ساعت و نیم بعد از ساعت ۱۶ شبانه روز می‌شود ساعت

۱۸:۳۰ شبانه روز.

$$13+13+13+13=52$$

گزینه‌ی ۳۰

۲۹